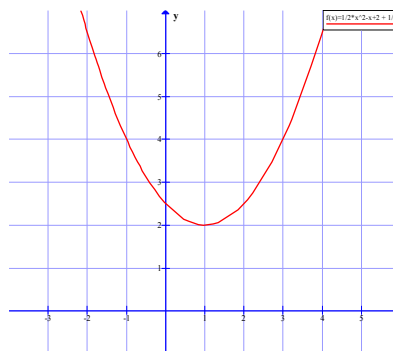




Test sprawdzający wiadomości i umiejętności – funkcja kwadratowa

W zadaniach **zamkniętych** 1 – 5 zaznacz prawidłową odpowiedź:

Zadanie 1 (1p.)



przesunięcia

Wykres funkcji f (rysunek obok) powstał w wyniku parabolii $y = \frac{1}{2}x^2$. Dla $x = 9$ funkcja f przyjmuje wartość:

- A. 40,5 B. 34 C. 42 D. 52

Zadanie 2 (1p.)

Która z podanych własności funkcji kwadratowej $f(x) = -x^2 + 10x - 25$ jest prawdziwa?

- A. Funkcja nie ma miejsc zerowych
B. Funkcja przyjmuje tylko wartości dodatnie
C. Wierzchołek paraboli będący wykresem funkcji f należy do osi OX
D. Wykres funkcji f przecina oś OY w punkcie o współrzędnych $(0, 5)$.

Zadanie 3. (1p.)

Funkcja $f(x) = ax^2 - 2x + \frac{1}{2}$ ma dwa różne miejsca zerowe. Wówczas a może być równe:

- A. 1 B. 2 C. $\sqrt{5}$ D. 3



Zadanie 4. (1p.)

Funkcja postaci $f(x) = x^2 + 5x - 2$:

- A. Ma jedno miejsce zerowe
B. ma dwa miejsca zerowe
C. Nie ma miejsc zerowych
D. Ma nieskończenie wiele miejsc zerowych

Zadanie 5. (1p.)

W przedziale $< 0; 1 >$ wartością najmniejszą funkcji $f(x) = 3x^2 - 12x + 8$ jest

- A. -1 B. 8 C. 6 D. -4

Zadania otwarte:

Zadanie 6. (2p.)

Wyznacz współrzędne wierzchołka paraboli $y = -2x^2 + 4x + 1$ i narysuj jej wykres.

Zadanie 7. (2p.)

Wyznacz współczynnik a funkcji kwadratowej $f(x) = ax^2 + 2x - 1$, wiedząc, że współrzędna y wierzchołka wykresu funkcji f jest równa 2.

Zadanie 8. (2p.)

Oblicz współczynniki b i c funkcji kwadratowej $f(x) = -\frac{1}{2}x^2 + bx + c$, wiedząc, że suma miejsc zerowych funkcji f wynosi 8, a największa wartość funkcji f jest równa 4.

Zadanie 9. (4p.)

Pani Zosia chce ogrodzić prostokątny ogródek o jak największej powierzchni. Zakupiła 80 m bieżących siatki ogrodzeniowej. Jakie wymiary powinien mieć ten ogródek, jeśli trzeba pozostawić 4m na szerokość bramy?

Zadanie 10. (2p.)

Do wykresu funkcji kwadratowej $f(x) = x^2 + bx + c$ należą punkty A i B.



Zadanie 11. (5p.)

Francuski pociąg TGV jedzie z szybkością $324 \frac{km}{h}$. Nagle zaczyna hamować z opóźnieniem o wartości $a = 0,5 \frac{m}{s^2}$ i się zatrzymuje. Oblicz czas hamowania oraz prędkość pociągu po 40s, 80s, 120s, 160s. Następnie narysuj wykres zależności prędkości (w m/s) od czasu (w s) do momentu zatrzymania pociągu.

Zadanie 12. (3p.)

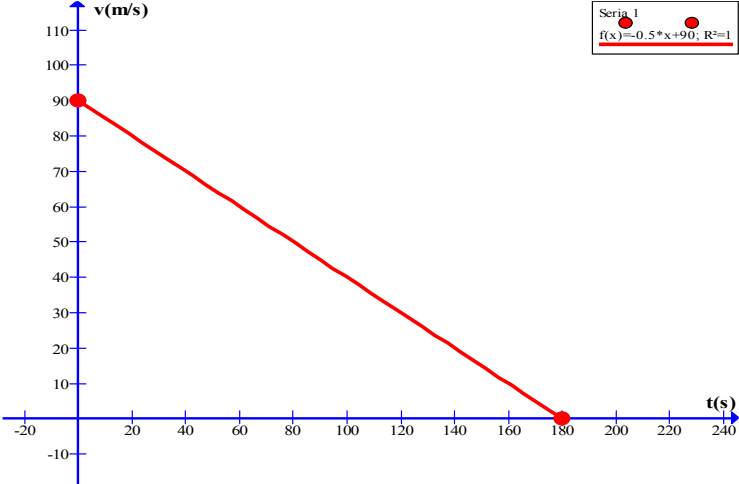
Samochód wyścigowy startuje z przyspieszeniem $a_1 = 2 \frac{m}{s^2}$ i $t_1 = 15s$ dojeżdża do pierwszego punktu kontrolnego. Oblicz odległość punktu kontrolnego od startu oraz prędkość, z jaką samochód wyścigowy do niego dojeżdża. Równocześnie, z przyspieszeniem $a_2 = 1,2 \frac{m}{s^2}$, startuje samochód osobowy. Oblicz po jakim czasie osiągnie taką samą prędkość jak samochód wyścigowy.



Klucz odpowiedzi i schemat punktowania

Nr zadania	Prawidłowa odpowiedź/Etapy rozwiązania zadania	Punktacja
1.	B	1p.
2.	C	1p.
3.	A	1p.
4.	B	1p.
5.	A	1p.
6.	Obliczenie $\Delta = 24$ Wyznaczenie współrzędnych wierzchołka paraboli w (1, 3)	1p. 1p.
7.	Zapisanie warunku: $y_w = \frac{-\Delta}{4a} = \frac{-4-4a}{4a} = 2$ Wyznaczenie wartości współczynnika $a: a = -\frac{1}{3}$	1p. 1p.
8.	Zapisanie warunku, że odcięta x_w wierzchołka paraboli funkcji f jest średnią arytmetyczną miejsc zerowych funkcji, zaś największa wartość funkcji f jest równa $f(x_w)$ $b = 4, c = -4$ poprawne obliczenia	1p. 1p.
9.	Oznaczenie boków ogródka np. x, y . Zapisanie równania $2(x + y) = 84$ Wyznaczenie $y = 42 - x$ Wyznaczenie funkcji opisującej pole ogródka $P(x) = x(42 - x)$ oraz jej dziedziny $D_p = (0; 42)$ Funkcja przyjmuje największą wartość dla $x = 21$. Obliczenie $y = 42 - 21 = 21$ i podanie wymiarów ogródka o największej powierzchni: 21 m x 21 m	1p. 1p. 1p. 1p.



10.	Zapisanie funkcji w postaci kanonicznej $f(x)=(x-2)^2-9$ Zapisanie funkcji w postaci iloczynowej $f(x)=(x+1)(x-5)$	1p. 1p.
11.	Zamiana jednostek $v = 324 \frac{km}{h} = 90 \frac{m}{s}$ obliczenie czasu hamowania pociągu: $t = \frac{v - v_k}{a} = \frac{90 \frac{m}{s} - 0}{0,5 \frac{m}{s^2}} = 180s$ poprawne obliczenie wszystkich prędkości $v_1 = v - at_1 = 90 \frac{m}{s} - 0,5 \frac{m}{s^2} * 40s = 70 \frac{m}{s}$ $v_2 = v - at_2 = 90 \frac{m}{s} - 0,5 \frac{m}{s^2} * 80s = 50 \frac{m}{s}$ $v_3 = v - at_3 = 90 \frac{m}{s} - 0,5 \frac{m}{s^2} * 120s = 30 \frac{m}{s}$ $v_4 = v - at_4 = 90 \frac{m}{s} - 0,5 \frac{m}{s^2} * 160s = 10 \frac{m}{s}$ poprawne narysowanie wykresu za poprawne wyskalowanie osi 	1p. 1p. 1p. 1p. 1p.



12.	<p>obliczenie prędkości samochodu wyścigowego:</p> $v_1 = a_1 t_1, \quad v_1 = 2 \frac{m}{s^2} * 15s = 30 \frac{m}{s}$ <p>obliczenie odległości punktu kontrolnego od startu:</p> $s_1 = \frac{a_1 t_1^2}{2}, \quad s = \frac{2 \frac{m}{s^2} (15s)^2}{2}, \quad s = 225m$ <p>obliczenie czasu, po którym samochód osobowy osiągnie taką samą prędkość jak samochód wyścigowy :</p> $v_2 = a_2 t_2, \quad v_1 = v_2, \quad a_2 t_2 = v_1, \quad t_2 = \frac{v_1}{a_2}, \quad t_2 = \frac{30 \frac{m}{s}}{1,2 \frac{m}{s^2}} = 25s$	1p. 1p. 1p.
-----	--	---------------------------